

МУНИЦИПАЛЬНОЕ
АВТОНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«ЦЕНТР РАЗВИТИЯ ОБРАЗОВАНИЯ»

1	2	3	4	5	Σ			M-10-21-8
7	7	7	7	7	× 28	2		
7	7	7	7	7	× 28	28	28	

10.1. Поскольку сумма всех ^{любой} чисел во всей таблице положительна, а сумма чисел в ^{любой} квадрате 3×3 отрицательна, то центральная ячейка должна содержать отрицательное число. Пусть нумерация ячеек происходит слева направо и сверху вниз, тогда возможны два варианта:

1) Цифры во всех ячейках (кроме центральной) одинаковы, тогда в центральной ячейке содержится число $-8k$, где k - число в любой другой ячейке, $k \neq 0$

2) Цифры во всех ячейках таблицы различны. Пусть таблица заполнена ^{неповторяющимися} числами от 1 до 25, тогда сумма чисел таблицы равна $S_{25} = \frac{1+25}{2} \cdot 25 = 325$. В центральной ячейке будет вставлено число $-325 + n$, где n - число, находившееся изначально в центральной ячейке. Значит, общая сумма станет $S_{25} - n + (-325 + n + 1)$, что равно $S_{25} - 324 = 1$. Но поскольку в любом квадрате 3×3 будут отсутствовать хотя бы два числа таблицы (кроме числа центральной ячейки), то суммы в любом квадрате будут ^{или} отрицательными. Таблица для данного варианта (увеличенная и уменьшенная):

23	16	3	13	9	23	16	3	13	9
12	20	24	21	18	12	20	-24	21	18
25	6	7	1	11	25	6	-31	1	11
2	22	14	8	19	2	22	14	8	19
17	10	5	15	4	17	10	5	15	4

Пример верный.

78.

Никогда не существует вариант, ^{сумма} это все числа, кроме ^{двух} ~~двух~~ отрицательных, тогда ^{сумма} сумма ~~будет~~ ^{будет} ~~отрицательной~~ ^{отрицательной}. Пусть ~~сумма~~ ^{сумма} ~~неотрицательных~~ ^{неотрицательных} чисел равна S , тогда ~~отрицательное~~ ^{отрицательное} число равно $-S+1$.

В общем случае, если ни одно из чисел не равно нулю, то пусть ^{любой} сумма неотрицательных чисел равна S , тогда число в центральной ячейке будет равно $1-S$. Поскольку квадрат 3×3 будет содержать ^{или} из 24 положительных чисел, то ^{или} сумма ~~будет~~ ^{будет} отрицательной, сумма всей табли-

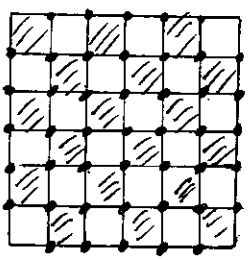
для $S_m = S + (1-S) = 1$ - положительности. Значит, данный способ создаст таблицу, удовлетворяющую условию.

10.2. Поскольку даны числа $\sqrt{3}$ и $\sqrt{5}$, то можно дописать число $\sqrt{3} \cdot \sqrt{5} = \sqrt{15}$ далее можно создать числа $\sqrt{15} \cdot \sqrt{3} = 3\sqrt{5}$; $3\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} = 15$; $3\sqrt{5} - \sqrt{5} = 2\sqrt{5}$; $2\sqrt{5} \cdot \sqrt{5} = 10$; $\sqrt{15} \cdot \sqrt{5} = \sqrt{75} = 5\sqrt{3}$; $5\sqrt{3} - \sqrt{3} = 4\sqrt{3}$; $4\sqrt{3} - \sqrt{3} = 3\sqrt{3}$; $3\sqrt{3} - \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$; $2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 6$; $15 - 10 = 5$; $6 - 5 = 1$.

Или по-другому: используя числа $\sqrt{3}$ и $\sqrt{5}$, а также операции сложения, вычитания и умножения, было получено число 1, при этом все числа, участвовавшие в операциях, были рациональными. Значит, можно получить число 1, используя только числа $\sqrt{3}$ и $\sqrt{5}$ и операции сложения, вычитания и вычитания.

10.3. Вариант:

Ж.



В данном варианте будет отмечено 45 узлов из 49 возможных. Четыре неотмеченных узла находятся на углах квадрата, к ним примыкает только по одной клетке, поэтому они не могут быть отмечены. Значит, максимальное число узлов, которое можно отметить, равно 45, это и показано на рисунке.

Ж.

10.4. М.к. график функции графика гиперболы $y = \frac{k}{x}$, $k \neq 0$, то горизонтальная асимптота $x=0$, а вертикальная - $x=0$.

График функции $y = k_1x + b$ - прямая. Известно, что прямая пересекает гиперболу и ось абсцисс. Значит; $k_1 \neq 0$, значит:

$$\begin{cases} \frac{k}{x} = k_1x + b \\ k_1x_3 + b = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k_1x^2 + bx - k = 0 \\ b = -k_1x_3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 + 4k_1k}}{2k_1} \\ b = -k_1x_3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 + 4k_1k} - b - \sqrt{b^2 + 4k_1k}}{2k_1} \\ b = -k_1x_3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-2b}{2k_1} \\ b = -k_1x_3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-(-k_1x_3)}{k_1} \\ b = -k_1x_3 \end{cases}$$

$x_1 + x_2 = \frac{k_1x_3}{k_1}$; $x_1 + x_2 = x_3$, это и требовалось доказать.

Ж.