

1	2	3	4	5	Итого	
7	7	7	7	7	35	Ⓢ
7	7	7	7	7	35	Ⓢ

N. 92 %

$$x^2 - 12x + q = 0$$

x_1, x_1^2 - корни, $x_1 \neq x_1^2 \Rightarrow x_1 \neq 0$

По теореме Виета:

$$\begin{cases} x_1 + x_1^2 = 12 \\ x_1 \cdot x_1^2 = q \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_1^2 + x_1 - 12 = 0 \\ x_1^3 = q \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_{1,1} = -4; x_{1,2} = 3 \\ q_{1,1} = -64; q_{1,2} = 27 \end{cases}$$

$$x_1^2 + x_1 - 12 = 0$$

$$D = 1 + 48 = 49 \Rightarrow \sqrt{D} = 7$$

$$x_{1,1} = \frac{-1-7}{2} = -4; x_{1,2} = \frac{-1+7}{2} = 3$$

Ответ: $q_{1,1} = -64; q_{1,2} = 27$

N. 93 %

Пример:

1	1	1	1	1
1	1	1	1	1
1	1	-9	1	1
1	1	1	1	1
1	1	1	1	1

П.к. любой квадрат 3×3 содержит центральную клетку, сумма в любой из них равна сумме -9 и восьми единиц:

$$-9 + 8 \cdot 1 = -1 \text{ (отрицательная)}$$

Сумма во всем квадрате 5×5 равна сумме -9 и 24 единиц: $-9 + 24 \cdot 1 = 15$ (положительная)

N. 94 %

Оценка: Заметим, что в каждом наборе из 3 карточек должна быть карточка с числом меньше 10, т.к. иначе одно из чисел будет не менее 10, а другое - больше 10 \Rightarrow их произведение будет больше 10^2 , т.е. больше 100, а у нас нет карточки с числом ~~100~~ ~~большим~~ ~~100~~.

Таким образом n (кол-во ~~карточек~~ ^{максимальное} наборов) ≤ 9 (числа от 1 до 9) по одному стр. 1 из 3

~~Каждый~~ в каждом наборе).

Но, если в одном из наборов есть число 1, то другие 2 числа равны ($1 \cdot a = a$), но т.к. у нас нет одинаковых карточек, набор с числом 1 невозможен. \Rightarrow

$\Rightarrow n \leq 8$ (с числами от 2 до 9 по одному в каждом наборе)

Пример: (на $n=8$)

$$2 \cdot 47 = 94$$

$$3 \cdot 31 = 93$$

$$4 \cdot 23 = 92$$

$$5 \cdot 19 = 95$$

$$6 \cdot 15 = 90$$

$$7 \cdot 13 = 91$$

$$8 \cdot 12 = 96$$

$$9 \cdot 11 = 99$$

- 8 наборов \Rightarrow 24 карточки

Ответ: 8 наборов.

№ 9.5

Дано: полуокр. $(O; r)$,

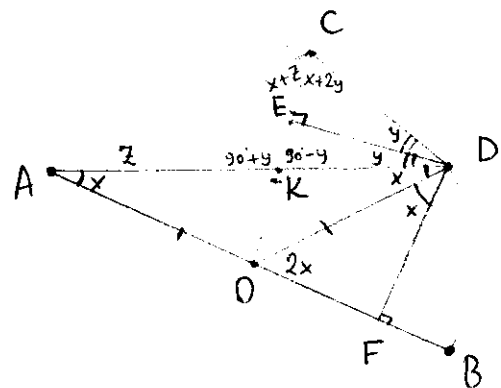
AB - диаметр; C, D \in полуокр.

C \in AD, $DF \perp AB$, $DE \perp OC$,

DO - биссектр. $\angle ADF$,

DE - биссектр. $\angle ADC$.

Найти: $\angle CAD$



Решение:

Пусть $\angle ADO = \angle ODF = x$ (DO - биссектр.), $\angle CDE = \angle EDA = y$ (DE - биссектр.),

$\angle CAD = z$.

П.к. $\triangle AOD$ - равноб. ($AO = OD = r$) $\Rightarrow \angle ODA = \angle OAD = x \Rightarrow \angle DOF = 2x$ (внешний)

По сумме углов $\triangle ODF$: $3x = 90^\circ \Rightarrow x = 30^\circ$

П.к. $\triangle OCD$ - равноб. ($OC = OD = r$) $\Rightarrow \angle ODC = \angle OCD = x + 2y = 30^\circ + 2y$

По сумме углов $\triangle CED$: $30^\circ + 3y = 90^\circ \Rightarrow 3y = 60^\circ \Rightarrow y = 20^\circ$

Пусть $AD \cap OC = K$.

$\angle AKC = 90^\circ + y$ (внешний для $\triangle KED$) $= 90^\circ + 20^\circ = 110^\circ$

П.к. $\triangle AOC$ - равноб. ($AO = OC = r$) $\Rightarrow \angle OAC = \angle OCA = x + z = z + 30^\circ$

МУНИЦИПАЛЬНОЕ
АВТОНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
«ЦЕНТР РАЗВИТИЯ ОБРАЗОВАНИЯ»

По сумме углов ΔAKC : $2z + 30^\circ + 110^\circ = 180^\circ \Rightarrow 2z = 40^\circ \Rightarrow z = 20^\circ$

Ответ: $\angle CAD = z = 20^\circ$

н. г. л. 75

диапазон чисел	кол-во слов	
1-9	9	} 9 · 19
10-19	10	
20-29	19	
30-99	7 · 19	
100-109	19	} 39 + 8 · 29
110-119	20	
120-129	29	
130-199	7 · 29	
200-299	39 + 8 · 29	
300-999	7 · (39 + 8 · 29)	} 9 · (39 + 8 · 29)
1000	1	

Итого: $9 \cdot 19 + 9(39 + 8 \cdot 29) + 1 = ~~2541~~ 2611$ слов

Ответ: 2611 слов

