

1	2	3	4	5	Σ
7	7	7	0	7	28 чет
7	7	7	0	7	28 б

КОД 

М	-	1	0	-	2
---	---	---	---	---	---

Лист 1 из 3

**ЗАДАЧА № 10.2.**

1. Узнаем какой вид могло иметь число  $k$ . Для этого представим число  $n$  в виде  $\overline{abc}$ , где  $0 < a \leq 9, 0 \leq b \leq 9, 0 \leq c \leq 9$  (отметим, что в условии нигде не сказано, что число  $n$  записанное в обратном порядке трёхзначное, поэтому мы предполагаем, что  $c$  может равняться 0, впрочем, если это не так, то мы просто немного сократим перебор),  $a, b, c \in \mathbb{Z}$  (на самом деле это цифры).  $a \neq 0$ , т.к. иначе число  $\overline{abc}$  двузначное.

Будем считать, что  $a > c$ , если  $c > a$ , то мы будем иметь дело с операцией  $\overline{cba} - \overline{abc}$ , ничто не мешает нам сказать, что  $\overline{cba}$  это исходное число и представить его в виде  $\overline{abc}$ .

Итак, число  $k = \overline{abc} - \overline{cba} = 100a + 10b + c - 100c - 10b - a = 99(a - c)$

2. Рассмотрим разность  $a - c$ . Так как  $k = 99(a - c)$  — трёхзначное число,  $a - c \neq 1$ , иначе  $k = 99$ . Так как  $k \mid a > c, 0 < a \leq 9, 0 \leq c \leq 9, 1 \leq a - c \leq 9$ . Так  $2 \leq a - c \leq 9, a - c \in \mathbb{Z}$ .

Переберём все возможные значения  $a - c$  (всущности значения  $a$  и  $c$  нас мало интересуют):

\* Получившееся число будет  $x$

1)  $a - c = 2$   
 $k = 2 \cdot 99 = 198$   
 $x = 198 + 891 = 1089$

~~2)  $a - c = 3$   
 $k = 3 \cdot 99 = 297$   
 $x = 297 + 792 = 1089$~~

3)  $a - c = 4$   
 $k = 4 \cdot 99 = 396$   
 $x = 396 + 693 = 1089$

4)  $a - c = 5$   
 $k = 5 \cdot 99 = 495$   
 $x = 495 + 594 = 1089$

5)  $a - c = 6$   
 $k = 6 \cdot 99 = 594$   
 $x = 594 + 495 = 1089$

6)  $a - c = 7$   
 $k = 7 \cdot 99 = 693$   
 $x = 693 + 396 = 1089$

7)  $a - c = 8$   
 $k = 8 \cdot 99 = 792$   
 $x = 792 + 297 = 1089$

8)  $a - c = 9$   
 $k = 9 \cdot 99 = 891$   
 $x = 891 + 198 = 1089$

На этом перебор окончен.

Ответ: 1089.

7

Оценочные баллы: максимальный — 7 баллов; фактический \_\_\_\_\_ баллов.

Подписи членов жюри \_\_\_\_\_

М	-	1	0	-	2	
---	---	---	---	---	---	--

МУНИЦИПАЛЬНОЕ  
АВТОНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«ЦЕНТР РАЗВИТИЯ ОБРАЗОВАНИЯ»

Лист 1 из 3

ЗАДАЧА № 10.1

1. Полученная фигура состоит из 21 (25 изначальных клеток - 4 угловых) клеток. Так как после разрезания лишних клеток не остаётся, суммарное кол-во клеток уголков, на которые мы разрежем фигуру, так же должно равняться 21.

2. Обозначим кол-во уголков  $\square$  за  $y$ , а  $\square$  за  $x$  и запишем равенство:

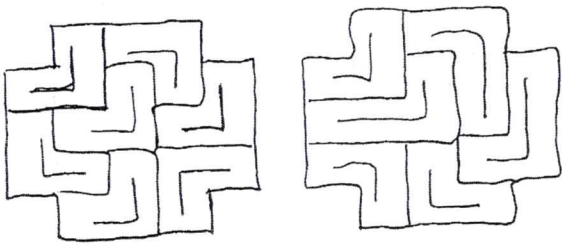
$$3a + 4b = 21, \text{ где } a, \text{ и } b \in \mathbb{N} \text{ или являются } 0.$$

3. Заметим, что  $b \leq 5$ , т.к. в противном случае  $4b \geq 24$ , а  $3a + 4b \geq 24$ , чего быть не может.

4. Заметим, что  $3a$  и  $21 : 3 \Rightarrow 4b$  также  $: 3$ , при этом  $4b : 3 \Rightarrow b : 3$ .

$b \in [0; 5]$ ,  $b \in \mathbb{Z}$  и  $b : 3$ . Таким условиям удовлетворяют числа 3 и 0 только они.

Количество уголков  $\square$  может равняться только 0 и 3. Приведём пример:



Для 0

Для 3

7

Ответ: Кол-во уголков  $\square$  могло получиться 3 и 0.

Оценочные баллы: максимальный — 7 баллов; фактический \_\_\_\_\_ баллов.

Подписи членов жюри \_\_\_\_\_

М	-	Ю	-	2		
---	---	---	---	---	--	--

МУНИЦИПАЛЬНОЕ  
 АВТОНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
 «ЦЕНТР РАЗВИТИЯ ОБРАЗОВАНИЯ»

Лист 2 из 3

ЗАДАЧА № 10.3

а) 1. ПРОВОДЕМ ДИАГОНАЛИ АИ и АС.  $\angle AIB = \angle C$   
 $\angle AIC = \angle B$

2.  $\triangle CBA - \text{р/б} (BC = AB)$ ,  $\triangle AIC - \text{р/б} (CI = AI)$ ,  
 $\triangle ABI - \text{р/б} (AI = AB)$ .

$\triangle AIC \neq \triangle ABI$   $\left. \begin{array}{l} CI = CB \\ AB = AI \\ \angle I = \angle B \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AIC = \triangle ABC$  (по 2 сторонам и углу между ними).

$\Rightarrow AI = AC \Rightarrow \triangle AIC - \text{р/б}$ ,  $\angle ICA = \frac{180^\circ - \angle IAC}{2}$

3.  $AI = AB$   
 $\angle IAN = \angle BAC$  (соотв. углы в  $\triangle$ )  $\Rightarrow \triangle IAN \cong \triangle BAC \Rightarrow$   
 $\angle BIA = \angle ABI$  ( $\triangle$  р/б)

$AK = AB \Rightarrow \triangle AKB - \text{р/б}$ ,  $\angle KBA = \frac{180^\circ - \angle KAC}{2}$

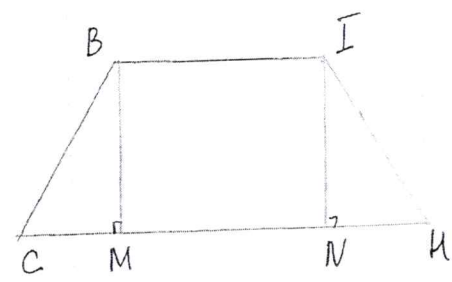
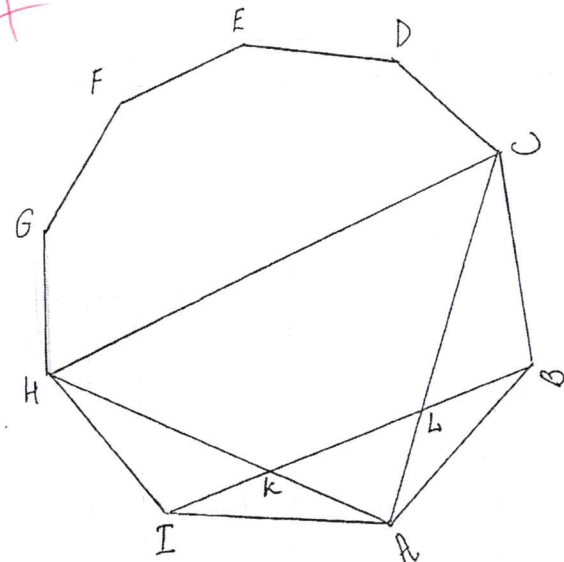
4.  $\angle KCA = \angle KCA = \frac{180^\circ - \angle KAC}{2}$  (н/д)  $\Rightarrow \angle KCA = \angle BIA$  ЧТД

б) 1. ПОСЧИТАЕМ, ЧЕМУ РАВЕН УГОЛ ДЕВЯТИ УГОЛЬНИКА.

Сумма углов n-угольника =  $180 \cdot (n-2)$ , в нашем случае  $n = 9$ , а сумма  $\angle = 1260$ . Так как все  $\angle$  равны, каковы же равен  $\frac{1260}{9} = 140^\circ$

2. ВЕРНЁМСЯ К  $\triangle ABC$ .  $\angle B = 140^\circ \Rightarrow \angle ACB = \frac{180^\circ - \angle B}{2} = 20^\circ$

3.  $\angle CAN = \angle A - \angle IAN - \angle BAC = \angle A - 2 \cdot \angle BAC = 140^\circ - 2 \cdot 20^\circ = 100^\circ$   
 $\angle ICA = \frac{180^\circ - \angle IAC}{2} = 40^\circ$



4. Т.к.  $BI \parallel CH$ , а  $BC = IN$ ,  $\triangle BCNI - \text{р/б трапеции}$  с углами при основании  $\angle ICB = \angle ICA + \angle ACB = 40^\circ + 20^\circ = 60^\circ$ .

5. ПРОВОДЕМ ВЫСОТЫ ВМ и ИN.  $BI \parallel MN$  и  $BM \parallel NI$  ( $\angle INI = \angle BMN = 90^\circ$  как с/о)  $\Rightarrow$   $BCINM - \text{параллелограмм}$  (на самом деле прямо-угольник)  $\Rightarrow BI = MN$ .

6.  $\triangle BMC - \text{прям. ут.}$   $\angle CBM = 90^\circ - \angle BCM = 30^\circ \Rightarrow$   
 $CM = \frac{1}{2} CB$ . Аналогично  $MN = \frac{1}{2} IN = \frac{1}{2} CB$ .

7.  $(CM + MN) + MN = (CM + MN) + BI = CM$   
 $CH - BI = CM + MN = \frac{1}{2} CB + \frac{1}{2} CB = CB$   
 $CH - BI = CB$  ЧТД

Оценочные баллы: максимальный – 7 баллов; фактический \_\_\_\_\_ баллов.

Подписи членов жюри \_\_\_\_\_



## ЗАДАЧА № 10.5

1. Заметим, что три представителя партии "Компромисс" не могут сидеть повряд, так как в таком случае один из них будет сидеть между двумя сопартийниками, и, сказав: "Мои соседи представители одной и той же партии", — он не солжёт, чего быть не может. Следовательно хотябы каждый третий за столом — народник. ~~Покажем это:~~  
То есть народников не меньше  $99 : 3 = 33$ . Покажем это: предположим, что народников не больше 32. Разделим <sup>партийцем</sup> сидящих за столом на тройки <sup>связных</sup> рядом. Таких троек 33, т.к. народников не больше 32, найдётся тройка состоящая исключительно из компромиссцев, что, как мы выяснили, невозможно.

Итак, народников не меньше 33  $\Rightarrow$  компромиссцев не более 66.

Приведём пример: К-компромиссцев, И-народник

К И К К И К ... К И К. За наименьшим круглым столом мы посадили их в линию,   
  $\swarrow$   $\underbrace{\text{К И К} \times 22}_{33}$   $\searrow$  , впрочем, замкнуть их не составит труда.

При такой раскладке каждый И сидит с двумя К, а каждый К с И и К, то есть она удовлетворяет условию. В каждой тройке сидит один И и 2К.

Ответ: 66.

Оценочные баллы: максимальный — 7 баллов; фактический \_\_\_\_\_ баллов.

Подписи членов жюри \_\_\_\_\_

МУНИЦИПАЛЬНОЕ  
АВТНОМНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«ЦЕНТР РАЗВИТИЯ ОБРАЗОВАНИЯ»

Лист 38 из 3

ЗАДАЧА № 10.4.

$$x = \sqrt{4+\sqrt{7}} - \sqrt{4-\sqrt{7}} - \sqrt{2}$$

Сравним  $\sqrt{4+\sqrt{7}}$  и  $\sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{2}$ . Если  $\sqrt{4+\sqrt{7}} >$ , то  $x > 0$ , если  $\sqrt{4+\sqrt{7}} <$  то  $x < 0$ .  
Между выражениями будем ставить следующий знак!

$$\sqrt{4+\sqrt{7}} < \sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{2} \quad |^2 \text{ (обе части } > 0)$$

$$4 + \sqrt{7} < 4 - \sqrt{7} + 2\sqrt{8-2\sqrt{7}} + 4 \quad | -2$$

$$2\sqrt{7} - 4 < 2\sqrt{8-2\sqrt{7}} \quad |^2 \text{ (обе части } > 0)$$

$$28 + 16 - 16\sqrt{7} < 32 - 8\sqrt{7}$$

$$-16\sqrt{7} + 12 < -8\sqrt{7}$$

$$3 < 2\sqrt{7}$$

$$\sqrt{7} \approx 2,65$$

$$3 < 2 \cdot 2,65$$

Левая часть меньше правой  $\Rightarrow \sqrt{4+\sqrt{7}} < \sqrt{4-\sqrt{7}} + \sqrt{2} \Rightarrow x < 0$

Ответ: знак  $-$

0

Оценочные баллы: максимальный – 7 баллов; фактический \_\_\_\_\_ баллов.

Подписи членов жюри \_\_\_\_\_